Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования

Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова

Механико-математический факультет

Кафедра теоретической информатики

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_/А.В.Михалев /

«22» января 2019 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Наименование дисциплины :**

спецкурс по выбору студента

**Алгоритмы и структуры данных**

**Уровень высшего образования:**

**Магистратура**

**Направление подготовки (специальность):**

**01.04.01 Математика**

**Направленность (профиль) ОПОП:**

**Математика**

Форма обучения:

очная

Рабочая программа рассмотрена и одобрена

на заседании кафедры Теоретической информатики

(протокол №2а , «22» января 2019 года)

Москва 2019

Рабочая программа дисциплины разработана в соответствии с самостоятельно установленным МГУ образовательным стандартом (ОС МГУ) для реализуемых основных профессиональных образовательных программ высшего образования по специальности «Математика» (программы магистратуры*)* в редакции приказа МГУ от 30 декабря 2016 г.

Год (годы) приема на обучение\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

**1.** Место дисциплины в структуре ОПОП ВО. **Вариативная часть ОПОП ВО***.*

**2.** Входные требования для освоения дисциплины, предварительные условия:

**3.** Результаты обучения по дисциплине , соотнесенные с требуемыми компетенциями выпускников*.*

|  |  |
| --- | --- |
| **Компетенции выпускников (коды)** | **Планируемые результаты обучения по дисциплине , соотнесенные с компетенциями** |
| ПК-1.М | **Знать:**понятие сложности алгоритма, сложность в худшем, в среднем и амортизированная. Алгоритмы сортировки (на основе сравнений и поразрядные), основные структуры данных (деревья поиска, хеш-таблицы, кучи, системы непересекающихся множеств), алгоритмы на графах (поиск компонент связности, кратчайшего пути, покрывающих деревьев, оптимальных потоков в сетях), методы построения алгоритмов (жадные алгоритмы, динамическое и линейное программирование), понятие класса NP, сводимость и основные NP-полные задачи.**Уметь:**доказывать корректность алгоритма, проводить анализ сложности, выбирать подходящий алгоритм для решения своей задачи. |
| УК-1.М | **Уметь:** формулировать научно обоснованные гипотезы, создавать теоретические модели явлений и процессов, применять методологию научного познания в профессиональной деятельности**Владеть:** специальными разделами фундаментальной математики, методами анализа и решения задач |

**4.** Формат обучения очный.

**5.** Объем дисциплины составляет **3 з.е.,** в том числе **40** академических часов, отведенных на контактную работу обучающихся с преподавателем, **42** академических часов на самостоятельную работу обучающихся

**6.** Содержание дисциплины , структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины ,****Форма промежуточной аттестации по дисциплине**  | **Всего****(часы**) | В том числе |
| **Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем)****Виды контактной работы, часы** | **Самостоятельная работа обучающегося,** **часы**  |
| Занятия лекцион-ного типа\* | Занятия семинарского типа\* | **Всего** |  |
| Тема 1. Жадные алгоритмы. Задача о расписании, задача о кэшировании, выбор непересекающихся интервалов. Оптимальные беспрефиксные коды, алгоритм Хаффмана. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема2. Задача о рюкзаке. Задача о покрытии множествами. Оценка точности решения, получаемого с помощью жадного алгоритма. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема3. Поиск кратчайших путей в графе из одной вершины. Алгоритм Дейкстры. Алгоритм Беллмана-Форда. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 4. Поиск кратчайших путей в графе из всех вершин. Алгоритм Флойда. Алгоритм избавления от ребер отрицательной длины. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Тема5. Динамическое программирование. Задача о максимальном независимом множестве в деревьях. Задача о наибольшей возрастающей последовательности. Расстояние редактирования и алгоритм Левенштейна. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема6. Алгоритм динамического программирования в задаче о рюкзаке и задаче коммивояжёра. Задача о произведении матриц. Оптимальные бинарные деревья поиска. Динамика по профилю. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Текущий контроль успеваемости | 2 |  | 2 | 2 |  |
| Тема7. Максимальное паросочетание. Алгоритм Форда-Фалкерсона. Алгоритм Куна. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема8. Потоки в сетях. Теорема Форда-Фалкерсона. Алгоритм Эдмондса-Карпа. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема9. Поразрядная сортировка. Сортировка строк. Tries. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема10. Конечные автоматы. Регулярные выражения. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема11. Поиск подстроки. Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта. Алгоритм Ахо-Корасика. Алгоритм Бойера-Мура. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема12. Суффиксные массивы и суффиксные деревья. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема13. Линейное программирование. Стандартная форма. Двойственность. Симплекс-метод. Эвристики выбора входящей переменной. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема14. Приложения линейного программирования. Траспортная задача, задача о паросочетании. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема15. Целочисленное линейное программирование. Метод ветвей и границ. Метод отсечений. Сведение комбинаторных задач к задачам целочисленного линейного программирования. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Тема 16 Классы P и NP. Сведение задач. NP-полнота. 3-SAT, поиск гамильтонова пути, задача коммивояжёра, задача о рюкзаке, минимальное вершинное покрытие, уравнения в нулях и единицах.. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема17. Доказательство NP-полноты задач SAT, 3-SAT, о трехдольном сочетании, уравнений в нулях и единицах, о рюкзаке, целочисленного линейного программирования, о гамильтоновом цикле, коммивояжёра. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема18. Приближенные методы решения NP-полных задач. Полиномиальный алгоритм решения задачи о рюкзаке с точностью (1-eps). Метод локального поиска при решении NP-задач. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Промежуточная аттестация – контрольная работа | 4 |  |  | 2 | 2 |
| *экзамен* | 8 4 | 4 |
| **Итого** | 82 |  40 | 42 |

7. Фонд оценочных средств (ФОС) для оценивания результатов обучения по дисциплине

7.1.  Типовые контрольные задания или иные материалы для проведения текущего контроля успеваемости.

•    Запишите задачу минимального вершинного покрытия в виде задачи ЛП. Покажите, что у этой задачи существует полуцелое решение. Покажите, что округлив это решение, мы получим 2-приближение для задачи вершинного покрытия.
•    Воспользуйтесь алгоритмом построения минимального покрывающего дерева для того, чтобы построить 2-приближенный алгоритм для задачи коммивояжера.

7.2. Типовые контрольные задания или иные материалы для проведения промежуточной аттестации.

 •  Для строки s рассмотрим набор P\_k(s) всех подстрок размера k. Легко видеть, что таких подстрок всего m-k+1 (если подстроки повторяются, то мы учитываем их с кратностью). Пусть нам дан набор P из m-k+1 строк длины k. Найти строку s длины m такую, что P\_k(s)=P.
•    Задача о минимальном разрезе. Дан граф G=(V,E) и некоторое подмножество его вершин S. Найти наименьшее множество ребер, при удалении которых
а) предложите полиномиальный алгоритм для |S|=2
б) предложите 2-приближенный алгоритм для |S|=3
•    Теорема Холла. Пусть G - двудольный граф с n вершинами в каждой доле. Пусть для любых выбранных k вершин из первой доли существует не менее k вершин из второй доли, которые соединены ребром с одной из выбранных вершин первой доли, для всех k=1,2...n. Тогда существует совершенное паросочетание: n ребер, покрывающие все вершины графа. Докажите эту теорему с использованием теоремы Форда-Фалкерсона.

|  |
| --- |
| **ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ результатов обучения (РО) по дисциплине (модулю)**  |
| ОценкаРО исоответствующие виды оценочных средств  | 2 | 3 | 4 | 5 |
| **Знания***(виды оценочных средств: устные и письменные опросы и контрольные работы, тесты, и т.п. )* | Отсутствие знаний | Фрагментарные знания | Общие, но не структурированные знания | Сформированные систематические знания |
| **Умения***(виды оценочных средств: практические контрольные задания, написание и защита рефератов на заданную тему и т.п.)*  | Отсутствие умений | В целом успешное, но не систематическое умение | В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы умение (допускает неточности непринципиального характера) | Успешное и систематическое умение |
| **Навыки (владения, опыт деятельности)***(виды оценочных средств: выполнение и защита курсовой работы, отчет по практике, отчет по НИР и т.п.)*  | Отсутствие навыков (владений, опыта) | Наличие отдельных навыков (наличие фрагментарного опыта) | В целом, сформированные навыки (владения), но используемые не в активной форме | Сформированные навыки (владения), применяемые при решении задач |

8. Ресурсное обеспечение:

 Литература:
Т. Кормен, Ч. Лейзерсон, Р. Ривест, К. Штайн «Алгоритмы. Построение и анализ», Вильямс, 2013

Р. Седжвик, К. Уэйн «Алгоритмы на Java», Вильямс, 2012

С. Дасгупта, Х. Пападимитриу, У. Вазирани «Алгоритмы», МЦНМО, 2014

 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

<http://neerc.ifmo.ru/wiki>

<http://e-maxx.ru/>

<http://algolist.manual.ru/>

9. Язык преподавания.

Русский

10. Преподаватели

Адрианов Н.М., Иванов А.Б.

11. Авторы программы.

Адрианов Н.М., Иванов А.Б.