Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования

Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова

Механико-математический факультет

Кафедра теоретической информатики

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_/А.В.Михалев /

«22» января 2019 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Наименование дисциплины :**

спецкурс по выбору студента

**Алгоритмы и структуры данных**

**Уровень высшего образования:**

**магистратура**

**Направление подготовки (специальность):**

**01.04.01 Математика**

**Направленность (профиль) ОПОП:**

**Математика**

Форма обучения:

очная

Рабочая программа рассмотрена и одобрена

на заседании кафедры Теоретической информатики

(протокол №2а , «22» января 2019 года)

Москва 2019

Рабочая программа дисциплины разработана в соответствии с самостоятельно установленным МГУ образовательным стандартом (ОС МГУ) для реализуемых основных профессиональных образовательных программ высшего образования по специальности «Математика» (программы магистратуры*)* в редакции приказа МГУ от 30 декабря 2016 г.

Год (годы) приема на обучение\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

**1.** Место дисциплины в структуре ОПОП ВО. **Вариативная часть ОПОП ВО***.*

**2.** Входные требования для освоения дисциплины, предварительные условия:

**3.** Результаты обучения по дисциплине , соотнесенные с требуемыми компетенциями выпускников*.*

|  |  |
| --- | --- |
| **Компетенции выпускников (коды)** | **Планируемые результаты обучения по дисциплине , соотнесенные с компетенциями** |
| ПК-1.М | **Знать:**  понятие сложности алгоритма, сложность в худшем, в среднем и амортизированная. Алгоритмы сортировки (на основе сравнений и поразрядные), основные структуры данных (деревья поиска, хеш-таблицы, кучи, системы непересекающихся множеств), алгоритмы на графах (поиск компонент связности, кратчайшего пути, покрывающих деревьев, оптимальных потоков в сетях), методы построения алгоритмов (жадные алгоритмы, динамическое и линейное программирование), понятие класса NP, сводимость и основные NP-полные задачи.  **Уметь:**  доказывать корректность алгоритма, проводить анализ сложности, выбирать подходящий алгоритм для решения своей задачи. |
| УК-1.М | **Уметь:**  формулировать научно обоснованные гипотезы, создавать теоретические модели явлений и процессов, применять методологию научного познания в профессиональной деятельности  **Владеть:**  специальными разделами фундаментальной математики, методами анализа и решения задач |

**4.** Формат обучения очный.

**5.** Объем дисциплины составляет **4з.е.,** в том числе **36** академических часов, отведенных на контактную работу обучающихся с преподавателем,**38** академических часов на самостоятельную работу обучающихся

**6.** Содержание дисциплины , структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины ,**  **Форма промежуточной аттестации по дисциплине** | **Всего**  **(часы**) | В том числе | | | |
| **Контактная работа  (работа во взаимодействии с преподавателем)**  **Виды контактной работы, часы** | | | **Самостоятельная работа обучающегося,**  **часы** |
| Занятия лекцион-ного типа\* | Занятия семинарского типа\* | **Всего** |  |
| Тема 1. Сложность алгоритмов, бинарный поиск, сортировка выбором и вставками. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 2. Сортировка слиянием. Основная теорема для метода «разделяй и властвуй». | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 3. Алгоритм Карацубы умножения чисел, алгоритм Штрассена умножения матриц. Быстрое преобразование Фурье. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 4. Оценка снизу количества сравнений при сортировке, быстрая сортировка Хоара, сложность в среднем и в худшем. Задача Дейкстры о голландском флаге, 3х-частное разбиение, эвристики выбора опорного элемента. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 5. Алгоритмы нахождения k-й порядковой статистики - вероятностный и детерминированный. Метод сортировки TimSort. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 6. Абстрактные типы данных, интерфейс и реализация, стек и очередь - реализация связанным списком и массивом. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 7. Ассоциативные массивы, бинарные деревья поиска. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 8. Сбалансированные деревья, 2-3 и красно-черные деревья. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 9. B-деревья, геометрические приложения бинарных деревьев поиска. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 10. Хеш-таблицы, реализация методом цепочек и открытой адресацией. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 11. Распределенные хеш-таблицы. Фильтр Блума. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Текущий контроль успеваемости | 2 |  | 2 | 2 |  |
| Тема 12. Графы, способы представления в программе. Поиск в глубину и поиск в ширину. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 13. Топологическая сортировка. Алгоритм Косарайю поиска сильносвязанных компонент. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 14. Минимальные остовные деревья. Алгоритмы Прима и Крускала. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 15. Очередь с приоритетами, реализация с помощью бинарной кучи. Пирамидальная сортировка. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 16. Система непересекающихся множеств, (union-find), примитивная реализация, версия со взвешиванием и сокращением путей. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Тема 29. Линейное программирование. Стандартная форма. Двойственность. Симплекс-метод. Эвристики выбора входящей переменной. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 30. Приложения линейного программирования. Траспортная задача, задача о паросочетании. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |
| Тема 31. Целочисленное линейное программирование. Метод ветвей и границ. Метод отсечений. Сведение комбинаторных задач к задачам целочисленного линейного программирования. | 4 | 2 |  | 2 | 2 |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Промежуточная аттестация – контрольная работа | 4 |  | |  | 2 | 2 |
| *экзамен* | 8 4 | | | | | 4 |
| **Итого** | 76 | | 36 | | | 38 |

7. Фонд оценочных средств (ФОС) для оценивания результатов обучения по дисциплине

7.1. Типовые контрольные задания или иные материалы для проведения текущего контроля успеваемости.

•    Докажите, что алгоритмическая сложность возведения в квадрат n-битового числа не меньше, чем алгоритмическая сложность умножения n-битовых чисел.  
•    Покажите, что если матрицу n x n можно возвести в квадрат за O(n^c), то матрицы можно умножать за O(n^c).  
•    Выберем 3 случайных элемента массива и выберем в качестве опорного элемента средний из них. а) Какова вероятность того, что разбиение с помощью такого опорного элемента разобьет массив размера N на части размера k и N-k? б) Посчитайте вероятность того, что размер каждой из частей будет не меньше N/3. Сравните с вероятностью этого при равномерном случайном выборе опорного элемента.  
•    Дано N точек в квадрате [0,1]x[0,1]. Требуется многократно обрабатывать запросы следующего типа: для заданной точки (x,,y) найти ближайшую из этих N точек. а) Придумайте алгоритм, использующий разбиение квадрата на m x m квадратов меньшего размера. б) Придумайте алгоритм с использование 2d-дерева.

7.2. Типовые контрольные задания или иные материалы для проведения промежуточной аттестации.

•    Даны k упорядоченных массивов размера n. Придумайте алгоритм их слияния. Оцените сложность алгоритма.  
•    Даны n точек на плоскости. Придумайте эффективный алгоритм нахождения пары ближайших точек. Какова его сложность?  
•    Дано N горизонтальных и вертикальных отрезков. Предложите алгоритм нахождения всех точек пересечения.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ результатов обучения (РО) по дисциплине (модулю)** | | | | |
| Оценка  РО и соответствующие виды оценочных средств | 2 | 3 | 4 | 5 |
| **Знания**  *(виды оценочных средств: устные и письменные опросы и контрольные работы, тесты, и т.п. )* | Отсутствие знаний | Фрагментарные знания | Общие, но не структурированные знания | Сформированные систематические знания |
| **Умения**  *(виды оценочных средств: практические контрольные задания, написание и защита рефератов на заданную тему и т.п.)* | Отсутствие умений | В целом успешное, но не систематическое умение | В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы умение (допускает неточности непринципиального характера) | Успешное и систематическое умение |
| **Навыки  (владения, опыт деятельности)**  *(виды оценочных средств: выполнение и защита курсовой работы, отчет по практике, отчет по НИР и т.п.)* | Отсутствие навыков (владений, опыта) | Наличие отдельных навыков (наличие фрагментарного опыта) | В целом, сформированные навыки (владения), но используемые не в активной форме | Сформированные навыки (владения), применяемые при решении задач |

8. Ресурсное обеспечение:

 Литература:  
Т. Кормен, Ч. Лейзерсон, Р. Ривест, К. Штайн «Алгоритмы. Построение и анализ», Вильямс, 2013

Р. Седжвик, К. Уэйн «Алгоритмы на Java», Вильямс, 2012

С. Дасгупта, Х. Пападимитриу, У. Вазирани «Алгоритмы», МЦНМО, 2014

 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

<http://neerc.ifmo.ru/wiki>

<http://e-maxx.ru/>

<http://algolist.manual.ru/>

9. Язык преподавания.

Русский

10. Преподаватели

Адрианов Н.М., Иванов А.Б.

11. Авторы программы.

Адрианов Н.М., Иванов А.Б.